



Matemáticas Nivel medio Prueba 1

Miércoles 2 de mayo de 2018 (tarde)

Número de convocatoria del alumno

1 hora 30 minutos

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

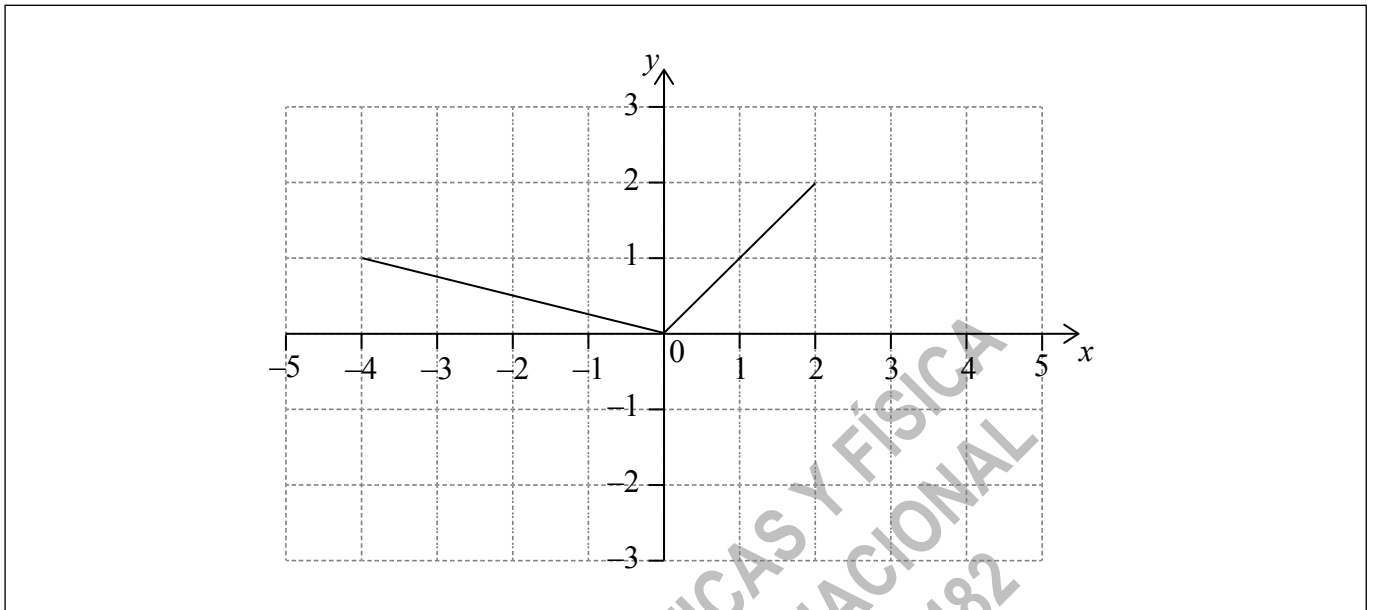
Instrucciones para los alumnos

- Escriba su número de convocatoria en las casillas de arriba.
- No abra esta prueba hasta que se lo autoricen.
- En esta prueba no se permite el uso de ninguna calculadora.
- Sección A: conteste todas las preguntas. Escriba sus respuestas en las casillas provistas a tal efecto.
- Sección B: conteste todas las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Escriba su número de convocatoria en la parte delantera del cuadernillo de respuestas, y adjúntelo a este cuestionario de examen y a su portada utilizando los cordeles provistos.
- Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas.
- Se necesita una copia sin anotaciones del **cuadernillo de fórmulas de matemáticas NM** para esta prueba.
- La puntuación máxima para esta prueba de examen es **[90 puntos]**.



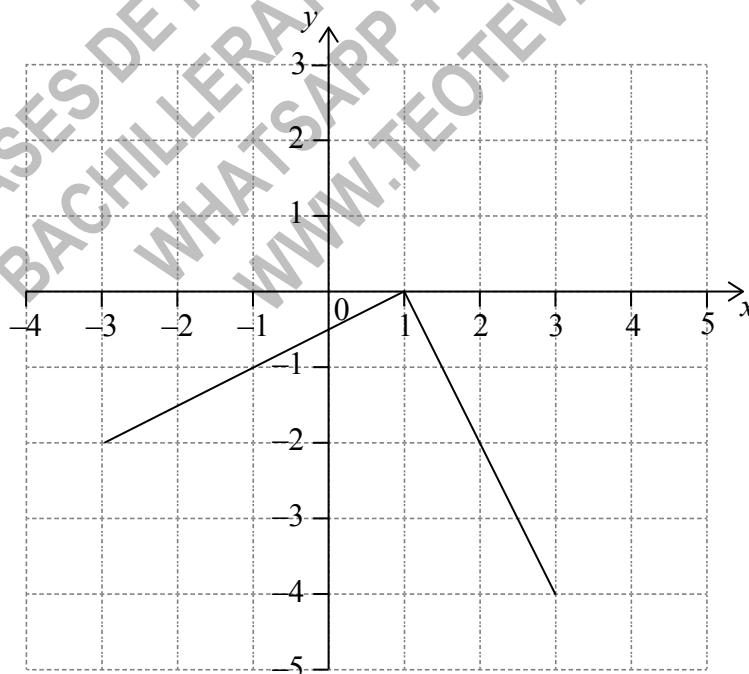
5. [Puntuación máxima: 6]

La siguiente figura muestra el gráfico de una función f , para $-4 \leq x \leq 2$.



(a) Sobre esos mismos ejes de coordenadas, dibuje aproximadamente el gráfico de $f(-x)$. [2]

(b) Otra función, g , se puede escribir de la forma $g(x) = a \times f(x + b)$. La siguiente figura muestra el gráfico de g .



Escriba el valor de a y el de b .

[4]

(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



12EP06

No escriba soluciones en esta página.

Sección B

Conteste **todas** las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Empiece una página nueva para cada respuesta.

8. [Puntuación máxima: 14]

Pablo va al trabajo en coche. La probabilidad de que salga de casa antes de las 07.00 es igual a $\frac{3}{4}$.

Si sale de casa antes de las 07.00, la probabilidad de que llegue tarde al trabajo es igual a $\frac{1}{8}$.

Si sale de casa a las 07.00 o más tarde, la probabilidad de que llegue tarde al trabajo es igual a $\frac{5}{8}$.

(a) **Copie** y complete el siguiente diagrama de árbol.

[3]



(b) Halle la probabilidad de que Pablo salga de casa antes de las 07.00 y llegue tarde al trabajo.

[2]

(c) Halle la probabilidad de que Pablo llegue tarde al trabajo.

[3]

(d) Sabiendo que Pablo ha llegado tarde al trabajo, halle la probabilidad de que haya salido de casa antes de las 07.00.

[3]

(e) La próxima semana habrá dos días en los que Pablo irá al trabajo en coche. Halle la probabilidad de que llegue tarde al menos una vez.

[3]



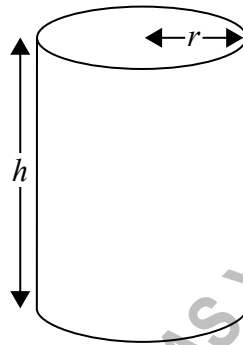
12EP10

No escriba soluciones en esta página.

9. [Puntuación máxima: 15]

Una lata cilíndrica cerrada de radio r centímetros y altura h centímetros tiene un volumen de $20\pi \text{ cm}^3$.

la figura no está dibujada a escala



(a) Exprese h en función de r . [2]

El material del que están hechas la base y la parte superior de la lata cuesta 10 céntimos por cm^2 y el material del lado curvo cuesta 8 céntimos por cm^2 . El coste total del material, en céntimos, es igual a C .

(b) Muestre que $C = 20\pi r^2 + \frac{320\pi}{r}$. [4]

(c) Sabiendo que existe un valor mínimo para C , halle dicho valor mínimo en función de π . [9]



12EP11

Véase al dorso

No escriba soluciones en esta página.

10. [Puntuación máxima: 16]

Considere una función f . La recta L_1 , cuya ecuación es $y = 3x + 1$, es tangente al gráfico de f en $x = 2$.

(a) (i) Escriba $f'(2)$.

(ii) Halle $f(2)$.

[4]

Sea $g(x) = f(x^2 + 1)$ y sea P el punto del gráfico de g para $x = 1$.

(b) Muestre que la pendiente del gráfico de g en P es igual a 6.

[5]

(c) Sea L_2 la tangente al gráfico de g en P. L_1 y L_2 se cortan en el punto Q. Halle la coordenada y de Q.

[7]

CLASES DE MATEMÁTICAS Y FÍSICA
BACHILLERATO INTERNACIONAL
WHATSAPP +51976438482
WWW.TEOTEVES.COM

