



Matemáticas Nivel medio Prueba 1

Jueves 10 de noviembre de 2016 (tarde)

Número de convocatoria del alumno

1 hora 30 minutos

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Instrucciones para los alumnos

- Escriba su número de convocatoria en las casillas de arriba.
- No abra esta prueba hasta que se lo autoricen.
- En esta prueba no se permite el uso de ninguna calculadora.
- Sección A: conteste todas las preguntas en las casillas provistas.
- Sección B: conteste todas las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Escriba su número de convocatoria en la parte delantera del cuadernillo de respuestas, y adjúntelo a este cuestionario de examen y a su portada utilizando los cordeles provistos.
- Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas.
- Se necesita una copia sin anotaciones del **cuadernillo de fórmulas de matemáticas NM** para esta prueba.
- La puntuación máxima para esta prueba de examen es **[90 puntos]**.



5. [Puntuación máxima: 6]

Los sucesos A y B son independientes, siendo $P(A \cap B) = 0,2$ y $P(A' \cap B) = 0,6$.

(a) Halle $P(B)$.

[2]

(b) Halle $P(A \cup B)$.

[4]

CLASES DE MATEMÁTICAS Y FÍSICA
BACHILLERATO INTERNACIONAL
WHATSAPP +51976438482
WWW.TEOTEVES.COM



12EP06

7. [Puntuación máxima: 7]

Sea $f(x) = m - \frac{1}{x}$, para $x \neq 0$. La recta $y = x - m$ corta al gráfico de f en dos puntos distintos. Halle los posibles valores de m .

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

CLASES DE MATEMÁTICAS Y FÍSICA
BACHILLERATO INTERNACIONAL
WHATSAPP +51976438482
WWW.TEOTEVES.COM



12EP08

No escriba soluciones en esta página.

Sección B

Conteste **todas** las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Empiece una página nueva para cada respuesta.

8. [Puntuación máxima: 16]

$$\text{Sean } \vec{OA} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \text{ y } \vec{OB} = \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

(a) (i) Halle \vec{AB} .

(ii) Halle $|\vec{AB}|$.

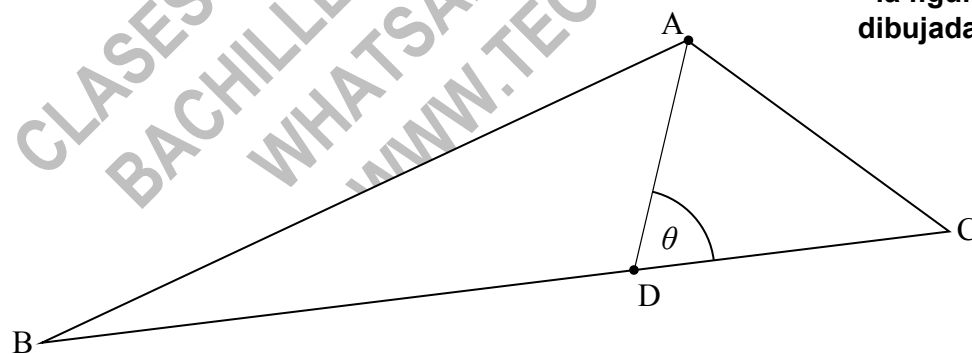
[4]

$$\text{El punto C es tal que } \vec{AC} = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}.$$

(b) Muestre que las coordenadas de C son $(-2, 1, 3)$.

[1]

La siguiente figura muestra el triángulo ABC. Sea D un punto perteneciente a [BC], siendo el ángulo agudo $\angle ADC = \theta$.



la figura no está dibujada a escala

(c) Escriba una expresión en función de θ para

(i) el ángulo ADB;

(ii) el área del triángulo ABD.

[2]

(d) Sabiendo que $\frac{\text{área } \triangle ABD}{\text{área } \triangle ACD} = 3$, muestre que $\frac{BD}{BC} = \frac{3}{4}$.

[5]

(e) A partir de lo anterior o de cualquier otro modo, halle las coordenadas del punto D.

[4]



12EP09

Véase al dorso

No escriba soluciones en esta página.

9. [Puntuación máxima: 13]

Los dos primeros términos de una progresión geométrica infinita son (en orden)

$$2 \log_2 x, \log_2 x, \text{ donde } x > 0.$$

(a) Halle r . [2]

(b) Muestre que la suma de los infinitos términos de la progresión es $4 \log_2 x$. [2]

Los tres primeros términos de una progresión aritmética son (en orden)

$$\log_2 x, \log_2 \left(\frac{x}{2} \right), \log_2 \left(\frac{x}{4} \right), \text{ donde } x > 0.$$

(c) Halle d . Exprese la respuesta como un número entero. [4]

Sea S_{12} la suma de los 12 primeros términos de la progresión aritmética.

(d) Muestre que $S_{12} = 12 \log_2 x - 66$. [2]

(e) Sabiendo que S_{12} es igual a la mitad de la suma de los infinitos términos de la progresión geométrica, halle x . Exprese la respuesta de la forma 2^p , donde $p \in \mathbb{Q}$. [3]



No escriba soluciones en esta página.

10. [Puntuación máxima: 16]

Sea $f(x) = \cos x$.

(a) (i) Halle las cuatro primeras derivadas de $f(x)$.

(ii) Halle $f^{(19)}(x)$. [4]

Sea $g(x) = x^k$, donde $k \in \mathbb{Z}^+$.

(b) (i) Halle las tres primeras derivadas de $g(x)$.

(ii) Sabiendo que $g^{(19)}(x) = \frac{k!}{(k-p)!} (x^{k-19})$, halle p . [5]

Sean $k = 21$ y $h(x) = (f^{(19)}(x) \times g^{(19)}(x))$.

(c) (i) Halle $h'(x)$.

(ii) A partir de lo anterior, muestre que $h'(\pi) = \frac{-21!}{2} \pi^2$. [7]



No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en
esta página no serán corregidas.



12EP12