



## Matemáticas Nivel superior Prueba 1

Jueves 4 de mayo de 2017 (tarde)

Número de convocatoria del alumno

2 horas

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Instrucciones para los alumnos

- Escriba su número de convocatoria en las casillas de arriba.
- No abra esta prueba hasta que se lo autoricen.
- En esta prueba no se permite el uso de ninguna calculadora.
- Sección A: conteste todas las preguntas. Escriba sus respuestas en las casillas provistas a tal efecto.
- Sección B: conteste todas las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Escriba su número de convocatoria en la parte delantera del cuadernillo de respuestas, y adjúntelo a este cuestionario de examen y a su portada utilizando los cordeles provistos.
- Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas.
- Se necesita una copia sin anotaciones del **cuadernillo de fórmulas de matemáticas NS y de ampliación de matemáticas NS** para esta prueba.
- La puntuación máxima para esta prueba de examen es **[100 puntos]**.





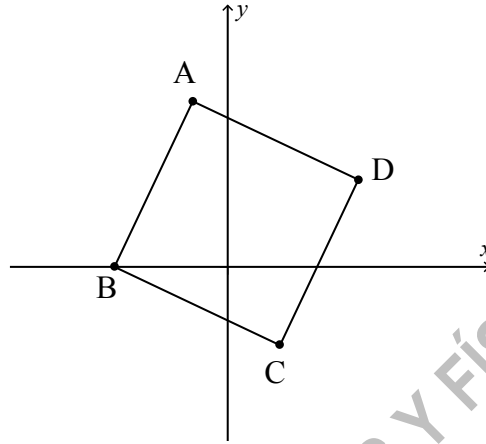






5. [Puntuación máxima: 4]

En el siguiente diagrama de Argand, el punto A representa el número complejo  $-1 + 4i$  y el punto B representa el número complejo  $-3 + 0i$ . La forma de ABCD es un cuadrado. Determine los números complejos que representan los puntos C y D.



CLASES DE MATEMÁTICAS Y FÍSICA  
 BACHILLERATO INTERNACIONAL  
 WHATSAPP +51976438482  
 WWW.TEOTEVES.COM



12EP06









No escriba soluciones en esta página.

### Sección B

Conteste **todas** las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Empiece una página nueva para cada respuesta.

9. [Puntuación máxima: 17]

Considere la función  $f$  definida mediante  $f(x) = x^2 - a^2$ ,  $x \in \mathbb{R}$ , donde  $a$  es una constante positiva.

(a) Dibuje aproximadamente las siguientes curvas en sistemas de ejes separados, mostrando todos los cortes con los ejes  $x$  e  $y$ , los máximos, los mínimos y las asíntotas que haya.

(i)  $y = f(x)$ ;

(ii)  $y = \frac{1}{f(x)}$ ;

(iii)  $y = \left| \frac{1}{f(x)} \right|$ .

[8]

(b) Halle  $\int f(x) \cos x \, dx$ .

[5]

La función  $g$  se define mediante  $g(x) = x\sqrt{f(x)}$ , para  $|x| > a$ .

(c) Hallando  $g'(x)$ , explique por qué  $g$  es una función creciente.

[4]



12EP10

No escriba soluciones en esta página.

10. [Puntuación máxima: 11]

Una ventana se ha construido con forma de rectángulo con un semicírculo de radio  $r$  metros situado en la parte superior, como se muestra en la figura. El perímetro de la ventana es constante e igual a  $P$  metros.



- (a) (i) Halle el área de la ventana en función de  $P$  y  $r$ .
- (ii) Halle la anchura de la ventana en función de  $P$  cuando el área alcanza un valor máximo y justifique por qué se trata de un máximo. [9]
- (b) Muestre que en este caso la altura del rectángulo es igual al radio del semicírculo. [2]



12EP11

Véase al dorso

No escriba soluciones en esta página.

11. [Puntuación máxima: 22]

(a) Resuelva  $2 \sin(x + 60^\circ) = \cos(x + 30^\circ)$ ,  $0^\circ \leq x \leq 180^\circ$ . [5]

(b) Muestre que  $\sin 105^\circ + \cos 105^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}$ . [3]

(c) Sea  $z = 1 - \cos 2\theta - i \sin 2\theta$ ,  $z \in \mathbb{C}$ ,  $0 \leq \theta \leq \pi$ .

(i) Halle, en función de  $\theta$ , el módulo y el argumento de  $z$ . Exprese cada respuesta en su forma más simple.

(ii) A partir de lo anterior, halle las raíces cúbicas de  $z$  en forma módulo-argumental. [14]

CLASES DE MATEMÁTICAS Y FÍSICA  
BACHILLERATO INTERNACIONAL  
WHATSAPP +51976438482  
WWW.TEOTEVES.COM

